## Statistics in Medicine

# An extended power of cluster detection tests

Kunihiko Takahashi and Toshiro Tango

## 2006

Published online in Wiley InterScience

Published online in Wiley InterScience (www.interscience.wiley.com). DOI: 10.1002/sim.2419

## An extended power of cluster detection tests

## Kunihiko Takahashi\*,† and Toshiro Tango

Department of Technology Assessment and Biostatistics, National Institute of Public Health, 2-3-6 Minami, Wako, Saitama 351-0197, Japan

#### SUMMARY

Several tests have been proposed to detect spatial disease clustering without prior information on their locations. In order to compare the performance of these tests, most authors employ the usual power, i.e. the rejection probability of the null hypothesis of no clustering due to various reasons. However, the usual power is not always appropriate for evaluating the cluster detection tests since their purpose is to both reject the null hypothesis and identify the cluster areas accurately. In this paper, we propose an extended power of the cluster detection tests, which includes the usual power as a special case. Further, we define the profile of the extended power, which can be expected to play an important role in the evaluation and comparison of several cluster detection tests. The proposed extended power and its profile are demonstrated by two tests—Kulldorff's circular spatial scan statistic and a flexible spatial scan statistic proposed by Tango and Takahashi. Copyright © 2006 John Wiley & Sons, Ltd.

KEY WORDS: cluster detection; hot-spot clusters; hypothesis testing; power; spatial epidemiology

#### 1. INTRODUCTION

Several test statistics have been proposed to detect for spatial clustering, which have been applied to a wide variety of epidemiological studies for spatial disease cluster detection [1, 2]. In particular, Kulldorff's circular spatial scan statistic [3, 4] has been used extensively along with his software SaTScan [5]. Tests for spatial randomness can be classified according to their purpose. Focused tests have been developed to detect the existence of a local cluster around a predetermined point source, while general tests search for clusters without any preconceived assumptions about their location [6]. There are two types of general tests. Cluster detection tests (CDTs) such as that developed by Turnbull et al. [7], Besag and Newell [6], Kulldorff and Nagarwalla [3], Tango [8], Duczmal and Assunção [9], Patil and Taillie [10] and Tango and Takahashi [11] are used to both detect local clusters, without any prior information on their

†E-mail: kunihiko@niph.go.jp

Received 23 August 2005 Accepted 1 September 2005

<sup>\*</sup>Correspondence to: Kunihiko Takahashi, Department of Technology Assessment and Biostatistics, National Institute of Public Health, 2-3-6 Minami, Wako, Saitama 351-0197, Japan.

location, and to determine their statistical significance. On the other hand, *global clustering tests*, such as those developed by Moran [12], Whitemore *et al.* [13], Oden [14], Tango [15], Rogerson [16] and Bonetti and Pagano [17], are used to detect the presence of clusters in a study area without determining the statistical significance of individual clusters.

In order to compare the performance of these tests, the usual power has been treated in the same manner as in the usual hypothesis tests [4,18]. In recent power comparisons of the disease clustering tests, Kulldorff's circular scan statistic was demonstrated to have the best power for detecting localized clusters [19]. However, it should be noted that the power estimates reflected the 'power to reject the null hypothesis for whatever reasons,' while the probability of both rejecting the null hypothesis and accurately identifying the true cluster is a different matter altogether. In order to compare the performance of the CDTs, Tango and Takahashi [11] proposed a bivariate power distribution classified according to the number of regions detected as the *most likely cluster* (MLC) and the number of true hot-spot regions included in the MLC. Since the bivariate power distribution contains all the information on the performance of any procedure for detecting the hot-spot clusters, any summary measures including the usual power for evaluating the CDT can be based on the power distribution.

In this paper, we propose an extended power of the CDTs, which includes the usual power as a special case, and a profile of the extended power for evaluating and comparing several CDTs. The proposed extended power and its profile will be demonstrated by two tests, namely, Kulldorff's circular spatial scan statistic [3, 4] and a flexible spatial scan statistic proposed by Tango and Takahashi [11] along with their software FleXScan [20].

#### 2. MOTIVATING EXAMPLE

As a motivating example of our study, we present the results of the application of three CDTs—the scan statistics of Kulldorff's, Duczmal and Assunção's, and Tango and Takahashi—to a simulated disease map in the areas of Tokyo Metropolis and Kanagawa prefecture in Japan wherein there are m=113 regions that comprise wards, cities, and villages (Figure 1). In this map, we simulated a random sample of n=235 cases by assuming the hot-spot cluster regions  $\mathbf{C} = \{14, 15, 26, 27\}$  whose relative risk was set to 3.0 and the cases to be Poisson distributed (see Reference [11] for details). In this application, we selected a maximum length of K=15 for the MLC in order to achieve a reasonably accurate comparison and a number B=999 for the Monte Carlo replications. The results are summarized as follows.

- Kulldorff's scan statistic detected l=2 regions  $\{14,15\}$  as the MLC with a log likelihood ratio of 20.1 and p=1/(999+1)=0.001, and the estimated relative risk was  $\hat{\theta}=3.47$ .
- Tango and Takahashi's scan statistic detected l=5 regions  $\{14,15,26,27,33\}$  as the MLC with a log likelihood ratio of 29.7 and p=0.001, and the estimated relative risk was  $\hat{\theta}=3.41$ .
- Duczmal and Assunção's scan statistic detected l=15 connected regions  $\{14,15,24,26,27,31,32,33,48,54,69,77,78,90,110\}$  as the MLC with a log likelihood ratio of 31.8 and p=0.001, and the estimated relative risk was  $\hat{\theta}=2.40$ .

Copyright © 2006 John Wiley & Sons, Ltd.

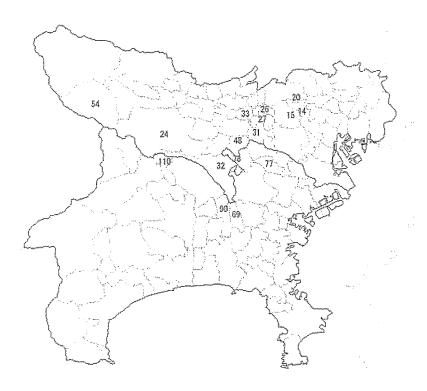


Figure 1. The 113 regions that comprise wards, cities, and villages in the areas of Tokyo Metropolis and Kanagawa prefecture in Japan. The region number used in the text is also indicated. In particular, the region numbers of two hot-spot clusters considered in this paper are  $A = \{14, 15, 20\}$  (circular) and  $C = \{14, 15, 26, 27\}$  (non-circular) (see Reference [11] for details).

All these tests rejected the null hypothesis of  ${}^{\prime}H_0$ : there are no clusters,' but detected different regions as MLC. In particular, Duczmal and Assunção's scan statistic detected a cluster of a peculiar shape that was considerably larger than the true cluster. This example is sufficient to show that the usual power is an inappropriate measure of the performance of a CDT. Therefore, a different measure that can reflect the extent of misclassification is required.

We consider two types of misclassifications when applying the CDT. One is a *false negative test result* (FN) in which the CDT misses a region included in the true cluster. The other is a *false positive test result* (FP) in which the CDT incorrectly detects a region that is not present in the true cluster. In the above example, Kulldorff's scan statistic has the regions {26,27} as the FNs, but it does not have any FPs. Tango and Takahashi's scan statistic has the region {33} as the FP, and Duczmal and Assunção's scan statistic has 11 regions {24,31,32,33,48,54,69,77,78,90,110} as the FPs. However, both these tests do not have any FNs.

In the next section, we propose the extended power of the CDTs, which is based on the bivariate power distribution proposed by Tango and Takahashi [11] and the newly introduced penalties for the FPs and FNs.

Copyright © 2006 John Wiley & Sons, Ltd.

#### 3. EXTENDED POWER

In order to compare the performance of the CDTs, Tango and Takahashi [11] proposed a bivariate power distribution based upon Monte Carlo simulation. They introduced a bivariate power distribution P(l,s) classified according to the length l of the significant MLC and the number s of the assumed hot-spot regions included therein

$$P(l,s) = \frac{\#\{\text{significant MLC has length } l \text{ and includes } s \text{ true regions}\}}{\#\{\text{trials for each simulation}\}}$$
(1)

where  $l \ge 1$  and  $s \ge 0$ . Based on P(l,s), we examined the following powers:

- 1. The usual power, i.e.  $P(+,+) = \sum_{l \ge 1} \sum_{s \ge 0} P(l,s)$ . 2. The joint power P(l,s), especially  $P(s^*,s^*)$  where  $s^*$  is the length of the hot-spot cluster assumed in the simulation.
- 3. The marginal power distribution of  $s \ (\ge 0)$ ,  $P(+,s) = \sum_{l\ge 1} P(l,s)$  and its conditional power P(+,s)/P(+,+).
- 4. The marginal power distribution of  $l \ (\ge 1)$ ,  $P(l+) = \sum_{s\ge 0} P(l,s)$ .

They prepared tables of P(l,s) for the following two hot-spot cluster models:

- $A = \{14, 15, 20\}$  (circular cluster;  $s^* = 3$ );
- $C = \{14, 15, 26, 27\}$  (non-circular cluster;  $s^* = 4$ ).

The powers are calculated for tests of nominal  $\alpha$  levels of 0.05 and for the expected total number of cases 200 under the null hypothesis, which are based on Monte Carlo simulation using Poisson random numbers. For each simulation, 1000 trials were carried out. The resultant power distributions  $P(l,s) \times 1000$  are reproduced in Tables I and II for each of the cluster models, respectively, in the form of cross table classified by l ('length' in tables) and s ('include' in tables).

Both tests have high usual powers for the circular cluster A (Table I), while Tango and Takahashi's scan statistic has higher power for the non-circular cluster C (Table II). Table I shows that Kulldorff's scan statistic detects the circular cluster A considerably accurately with power P(3,3) = 738/1000, while Table II shows that it exhibits zero power P(4,4) = 0/1000 for detecting the non-circular cluster C accurately. On the other hand, Tango and Takahashi's scan statistic does not exhibit such high power for identifying the clusters accurately, P(3,3) = 142/1000 for the cluster A and P(4,4) = 138/1000 for the cluster C. However, the power distribution appears to be concentrated in a relatively narrow range of the length l on the line  $s=s^*$ , thereby indicating that the observed significant MLC contains the true cluster with a considerably high probability. In particular, for the cluster C with length  $s^* = 4$ , the marginal power of Tango and Takahashi's scan statistic  $P(+, s^*) = 850/1000$ and its conditional marginal power  $P(+,s^*)/P(+,+) = 850/890$  are much higher than that of Kulldorff's scan statistic,  $P(+,s^*)=254/1000$  and  $P(+,s^*)/P(+,+)=254/801$ , respectively. Furthermore, Kulldorff's scan statistic exhibits a greater tendency to detect a larger cluster than the true cluster as compared with that of Tango and Takahashi. For example, the probability that the length of MLC for the cluster C ( $s^*=4$ ) is greater than or equal to 12 is 213/1000 compared with 2/1000 for Tango and Takahashi's scan statistic. This tendency is shown even in the circular cluster A where the same probabilities are 35/1000 versus 2/1000. Therefore, the bivariate power distribution can be considered to provide very

Copyright © 2006 John Wiley & Sons, Ltd.

Table I. Comparison between the bivariate power distribution P(l,s) of Kulldorff's circular scan statistic and Tango and Takahashi's flexible scan statistic for the hot-spot cluster  $A = \{14, 15, 20\}$ . The nominal  $\alpha$ -level was set to 0.05 and 1000 trials were carried out [11].

Kulldorff						Tango and Takahashi						
			nclude .				Include s hot-spot regions					
Length $l$	0	1	2	3	Total	Length l	0	1	2	3	Total	
1	0	0			0	1	0	0			0	
2	1	0	0		1	2	0	0	0		0	
3	0	0	0	738	738	3	0	0	0	142	142	
4	0	0	0	134	134	4	0	0	0	116	116	
5	0	0	0	39	39	5	0	0	0	137	137	
6	0	0	0	12	12	6	0	0	0	149	149	
7	0	0	0	9	9	7	0	0	0	165	165	
8	0	0	0	1	1	8	0	0	0	131	131	
9	0	0	2	3	5	9	0	0	0	84	84	
10	0	0	0	2	2	10	0	0	0	27	27	
11	0	0	0	4	4	11	0	0	0	11	11	
12	0	0	0	12	12	12	0	0	0	2	2	
13	0	0	0	14	14	13	0	0	0	0	0	
14	0	0	0	3	3	14	0	0	0	0	0	
15	0	0	0	6	6	15	0	0	0	0	0	
Total	1	0	2	977	980	Total	0	0	0	964	964	
Usual power = 0.980							Usual power $= 0.964$					

useful information for evaluating the CDT performance. An observation of the bivariate power distribution suggests that it can be summarized into a single index that takes a value in the interval [0,1].

We now define the extended power of the CDTs based on the bivariate distribution P(l,s) by introducing penalties for the FPs and FNs as

$$I(w^{-}, w^{+}) = \sum_{l \ge 1} \sum_{s \ge 0} W(l, s; w^{-}, w^{+}) P(l, s)$$
(2)

where  $W(l,s;w^-,w^+)$  is a weight function such that

$$W(l,s;w^{-},w^{+}) = \begin{cases} \sqrt{(1-\min\{w^{-}(s^{*}-s),1\}) (1-\min\{w^{+}(l-s),1\})} \\ (s \leq l;0 \leq s \leq s^{*},1 \leq l) \\ 0 \quad \text{(otherwise)} \end{cases}$$
(3)

and  $w^-$  and  $w^+$  are the predefined penalties for the FNs and FPs (per region), respectively, with the following constraint:

$$0 \leqslant w^+ \leqslant w^- \leqslant 1 \tag{4}$$

Copyright © 2006 John Wiley & Sons, Ltd.

Table II.	Comparison	between the	bivariate p	ower	distribution	P(l,s)	of Kulldorf	l's circula	ar scan
statistic a	and Tango a	and Takahash	i's flexible	scan	statistic fo	r the	non-circular	hot-spot	cluster
$\mathbf{C} = \{$	14, 15, 26, 27	I. The nomina	ıl α-level wa	as set	to 0.05 and	1000 tr	ials were car	ried out [	111.

Kulldorff							Tango and Takahashi							
		h	Includiot-spot						Include s hot-spot regions					
Length l	0	1	2	3	4	Total	Length l	0	1	2	3	4	Total	
1	1	0				1	1	0	0				0	
2	0	0	351			351	2	0	0	0			0	
3	2	0	4	0		6	3	0	0	0	0		0	
4	0	0	3	0	0	3	4	0	0	0	0	138	138	
5	2	0	2	0	0	4	5	0	0	0	3	147	150	
6	1	0	0	0	0	1	6	1	0	0	2	200	203	
7	0	0	0	81	0	81	7	0	1	0	4	147	152	
8	0	0	10	18	38	66	8	0	0	2	9	107	118	
9	0	0	2	0	26	28	9	0	0	0	10	71	81	
10	0	0	0	29	3	32	10	1	0	2	5	28	36	
11	0	0	1	13	1	15	11	0	0	0	0	10	10	
12	0	0	2	4	60	66	12	0	0	0	0	2	2	
13	0	0	0	5	62	67	13	0	0	0	0	0	0	
14	0	0	0	10	27	37	14	0	0	0	0	0	0	
15	0	0	0	6	37	43	15	0	0	0	0	0	0	
Total	6	0	375	166	254	801	Total	2	1	4	33	850	890	
Usual power $= 0.801$							Usual power $= 0.890$							

The inequality between  $w^-$  and  $w^+$  is set because it is natural to consider that an FN is more important for a CDT than an FP. It should be noted that  $W(l,s;w^-,w^+)$  implies the geometric mean of '1-penalty for FNs' and '1-penalty for FPs,' hence we can easily obtain  $0 \le I \le 1$ . Next we consider the following three special cases:

- 1.  $w^- = w^+ = 0$ , i.e.  $I(0,0) = \sum_{l \ge 1} \sum_{s \ge 0} P(l,s)$  equals the usual power. 2.  $w^- = w^+ = 1$ , i.e.  $I(1,1) = P(s^*,s^*)$  denotes the power to detect the true cluster accurately.
- 3.  $w^-=1$ ,  $w^+=0$ , i.e.  $I(1,0)=\sum_{l\geqslant 1}P(l,s^*)$  denotes the power for which the MLC includes all the regions within the true cluster.

The weight function  $W(l,s;w^-,w^+)$  and the estimated extended power  $I(w^-,w^+)$  for these three special cases are shown in Table III for Kulldorff's and Tango and Takahashi's scan statistics using the simulated results of Table I (circular cluster model A with  $s^* = 3$ ). All three results show that Kulldorff's scan statistic is better than that of Tango and Takahashi's for the circular cluster A. However, the difference varies with the values of  $w^-$  and  $w^+$ .

A natural procedure of determining these two penalties will be derived as follows. First, we consider the penalty for the FNs given by

$$\min\{w^{-}(s^*-s), 1\}$$

Copyright © 2006 John Wiley & Sons, Ltd.

Table III. Weight function  $W(l,s;w^-,w^+)$  and estimated extended power  $I(w^-,w^+)$  for Kulldorff's circular and Tango and Takahashi's flexible scan statistic tests for the circular hot-spot cluster A.

			nclude s	0		Include <i>s</i> hot-spot regions						
Length l	0	1	pot region 2	3	Length l	0	1	2	3			
		W(l,s)	; 0, 0)			W(l, s; 1, 1)						
1	1	1			1	0	0					
2	1	1	1		2	0	0	0				
3	1	1	1	1	3	0	0	0	1			
4	1	1	1	1	4	0	0	0	0			
5	1	1	1	1	5	0	0	0	0			
6	1	1	1	1	6	0	0	0	0			
7	1	1	1	1	7	0	0	0	0			
8	1	1	1	1	8	0	0	0	0			
9	1	1	1	1	9	0	0	0	0			
10	1	1	1	1	10	0	0	0	0			
11	1	1	1	1	11	0	0	0	0			
12	1	1	1	1	12	0	0	0	0			
13	1	1	1	1	13	0	0	0	0			
14	1	1	1	1	14	0	0	0	0			
15	1	1	1	1	15	0	0	0	0			
Kulldorff's	Kulldorff's $I(0,0) = 0.980$					Kulldorff's $I(1, 1) = 0.738$						
	Tango and Takahashi's $I(0,0) = 0.964$				Tango and Takahashi's $I(1,1) = 0.142$							
		W(l,s)	; 1, 0)			W(l,s;1/3,1/3)						
1	0	0	, , ,		1	0	0.577					
2	0	0	0		2	0	0.471	0.816				
3	0	0	0	1	3	0	0.333	0.667	1			
4	0	0	0	1	4	0	0	0.471	0.816			
5	0	0	0	1	5	0	0	0	0.577			
6	0	0	0	1	6	0	0	0	0			
7	0	0	0	1	7	0	0	0	0			
8	0	0	0	1	8	0	0	0	0			
9	0	0	0	1	9	0	0	0	0			
10	ő	Ö	Ö	1	10	Ö	Ō	0	0			
11	Ŏ	Ŏ	0	1	11	0	0	0	0			
12	Ŏ	Ö	Ö	1	12	Ō	0	0	0			
13	0	ŏ	Ö	1	13	Ö	0	0	0			
14	ŏ	ő	Õ	i	14	0	Ö	0	Õ			
15	ő	ő	Õ	î	15	Õ	0	0	0			
Kulldorff's	•	-	·	•		Kulldorff's $I(1/3, 1/3) = 0.870$						
Tango and			0.964		Tango and	Tango and Takahashi's $I(1/3, 1/3) = 0.316$						
rango and	uxuila	0 2(1,0	, = 0.201		Tunbo una .		- (1/5, 1/5)					

where  $s = 1, ..., s^*$ . If  $s = s^*$  the FNs are eliminated and the penalty is set to zero. If s = 0, the penalty for the FNs attains the maximum value of 1, i.e.

$$w^{-}(s^{*}-0)=1$$
 or  $w^{-}=1/s^{*}$  (5)

On the other hand, the penalty for the FPs is given by

$$\min\{w^+(l-s),1\}$$

Copyright © 2006 John Wiley & Sons, Ltd.

where l=s,...,m. If l=s, the FPs are eliminated and the penalty is set to zero. We assume that the *maximum allowable number* of regions detected as the FPs is  $l_0 (\ge s^*)$ . Then, when  $l=s+l_0$ , the penalty for the FPs attains the maximum value of 1, i.e.

$$w^+ l_0 = 1$$
 or  $w^+ = 1/l_0$  (6)

Generally,  $l_0$  should be determined according to the ratio of the relative weight of the FP to that of the FN, i.e.  $w^+/w^-$ , which might depend on the cost of misclassifications.

For the previous examples on the circular cluster model A, we consider the following two cases for  $l_0 = s^*$  and  $l_0 = 2s^*$ :

- 1.  $l_0 = s^* = 3$ : I(1/3, 1/3) = 0.870 (Kulldorff) and 0.316 (Tango and Takahashi). The weight function W(l, s; 1/3, 1/3) for this case is shown in Table III.
- 2.  $l_0 = 2s^* = 6$ : I(1/3, 1/6) = 0.906 (Kulldorff) and 0.614 (Tango and Takahashi).

For the non-circular cluster model C shown in Table II, we estimated the following values:

- 1. I(0,0) = 0.801 (Kulldorff) and 0.890 (Tango and Takahashi);
- 2. I(1,1) = 0.000 (Kulldorff) and 0.138 (Tango and Takahashi);
- 3. I(1,0) = 0.254 (Kulldorff) and 0.850 (Tango and Takahashi);
- 4. I(1/4, 1/4) = 0.253 (Kulldorff) and 0.483 (Tango and Takahashi);
- 5. I(1/4, 1/8) = 0.371 (Kulldorff) and 0.719 (Tango and Takahashi).

These results indicate that Tango and Takahashi's scan statistic can detect the non-circular clusters such as C more accurately as compared with that of Kulldorff's.

#### 4. PROFILE OF THE EXTENDED POWER

In several cases, it is difficult to set the value of  $l_0$  in advance. For dealing with such situations, we consider a new measure  $I(w^-, w^+)$  to be a function of the ratio  $r = w^+/w^ (0 \le r \le 1)$  with  $w^- = 1/s^*$ . Then, we define the *profile of the extended power* as

$$Q(r|s^*) = I(1/s^*, r/s^*), \quad (0 \le r \le 1)$$
 (7)

which represents the extended power continuously for all the values of r where  $l_0 = s^*/r$ . Figure 2 shows the plots of the profile  $Q(r|s^*)$  against r ( $0 \le r \le 1$ ) for the two types of scan statistics applied to the circular cluster model **A** (Figure 2(a)) and the non-circular cluster model **C** (Figure 2(b)). The profile  $Q(r|s^*)$ , where r=1 implies the extended power when  $w^- = w^+$ , i.e.  $l_0 = s^*$ . On the other hand, r=0.5 implies  $l_0 = 2s^*$ , and r=0 implies that  $l_0 = \infty$  and the penalties for the FPs is 0. In Figure 2(a), Kulldorff's scan statistic is shown to be uniformly more powerful than that of Tango and Takahashi. The difference in the values of I is very small when r is small, but it increases considerably with r. On the other hand, Figure 2(b) shows that Tango and Takahashi's scan statistic is uniformly more powerful than that of Kulldorff, and the difference in the values of I appears almost constant irrespective of the values of I. In certain cases, depending on the shape of the true cluster, there will be situations that two values of I cross each other at some point I. Therefore, the profile of the extended power is expected to play an important role in the simultaneous evaluation and comparison of several CDTs.

Copyright © 2006 John Wiley & Sons, Ltd.

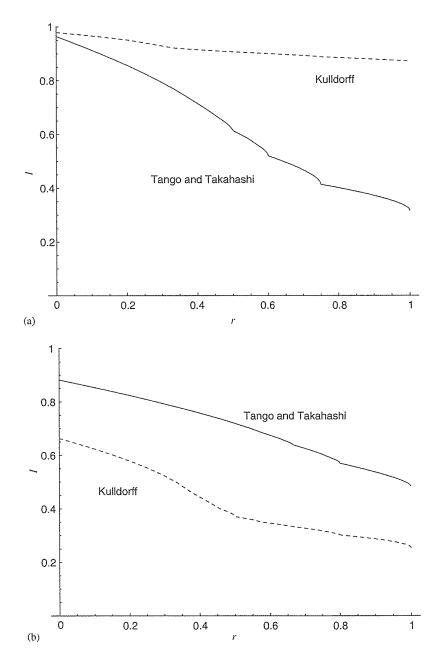


Figure 2. Profile of the extended power  $Q(r|s^*) = I(1/s^*, r/s^*)$  for Kulldorff's circular and Tango and Takahashi's flexible scan statistics: (a)  $A = \{14, 15, 20\}$  ( $s^* = 3$ ); and (b)  $C = \{14, 15, 26, 27\}$  ( $s^* = 4$ ).

Copyright © 2006 John Wiley & Sons, Ltd.

#### 5. GUIDANCE FOR THE APPLICATION

In this section, we will give some guidance for the application of the proposed procedures in order to investigate the performance of some CDT. At first, we consider a situation where the number of cluster is assumed to be one.

- Step 0: As an entire study region, use a real region such as Tokyo Metropolitan area or area of upstate New York where real regional populations and number of cases of some disease under study are available.
- Step 1: Assume a true (practically feasible) cluster model where the location, the length  $s^*$  and its relative risk should be determined. Set P(l,s) = 0.
- Step 2: Under the above alternative hypothesis, generate a disease map based upon a random sample of n total number of cases. If possible, n should be set equal to the actual total number of cases of disease under study.
- Step 3: Apply the CDT to the random sample. If we could identify the significant MLC with l and s, then set  $P(l,s) \leftarrow P(l,s) + 1$ .
- Step 4: Repeat steps 2-3 on a large number of random replications (e.g. 1000 times) and estimate the bivariate power distribution (1).
- Step 5: If we can easily set the value of  $l_0$ , then calculate the extended power (2) where  $w^- = 1/s^*$  and  $w^+ = 1/l_0$ . Otherwise, plot the profile of the extended power (7). Of course, we can repeat the above procedure for a single different cluster model.

Next, we consider a situation when multiple non-overlapping clusters, say k kinds, of different size and shape exist in the study area. In this case, the proposed extended power and its profile can be applied in many ways. One simple method will be to estimate a single integrated bivariate power distribution where multiple true clusters are combined into an integrated disconnected cluster area wherein the length of cluster area is defined as the total number of lengths of individual cluster, i.e.  $s^* = s_1^* + s_2^* + \cdots, s_k^*$ . To perform this simple method for multiple clusters, steps 1 and 3 of the procedure above for a single cluster model should be modified as follows:

- Step 1: Assume a cluster model consisting of k non-overlapping true clusters where the locations, the length  $s_1^*, s_2^*, \dots, s_k^*$  and their relative risks  $\theta_1, \theta_2, \dots, \theta_k$  should be determined. Set P(l,s) = 0.
- Step 3: Apply the CDT to the random sample. If we could identify m significant clusters, i.e. the significant MLC with length  $l_1$ , the significant secondary cluster with length  $l_2, \ldots$ , and the mth cluster with length  $l_m$ , then set  $l \leftarrow l_1 + l_2 + \cdots + l_m$  and count s true regions included in the identified l regions. Then, set  $P(l,s) \leftarrow P(l,s) + 1$ .

#### 6. DISCUSSION

Though the usual power has been widely used for evaluating the CDT, the usual power is not always appropriate since the purpose of CDT is to both reject the null hypothesis and identify the cluster areas accurately. In order to evaluate the CDT, the key problem is two types of misclassifications. One is FN, and the other is FP. Then, Tango and Takahashi [11] proposed a bivariate power distribution classified according to the number of regions detected as the MLC and the number of true hot-spot regions included in the MLC. The bivariate power distribution shows us very useful information for evaluating the CDT performance. However,

Copyright © 2006 John Wiley & Sons, Ltd.

an observation of the bivariate power distribution suggests that it can be summarized into a single index.

In this paper, we proposed a new measure termed extended power, which takes a value in the interval [0,1], to evaluate the performance of the CDTs. This extended power is defined as the weighted sum of the bivariate power distribution P(l,s) wherein the weight is given by the geometric mean of (1—penalty for the FNs) and (1—penalty for the FPs). This measure includes the usual power as a special case.

The extended power could be calculated by using different values of  $w^-$  and  $w^+$ , which means that the researcher could set different values under different situation. Any values satisfying constraint (4) could be used depending on the situations. This expandability might be desirable for some researchers. But for the researchers who are not familiar with this, it may be unhelpful. Then, we proposed the quantities  $w^- = 1/s^*$  and  $w^+ = 1/l_0$  as the values of the penalties for FN and FP, respectively, where  $s^*$  is the length of the assumed true cluster, and  $l_0$  is the maximum allowable number of regions detected as the FPs. Theoretically,  $l_0$  should be determined according to the ratio of the relative weight of the FP to that of the FN. In general, however, we think that  $l_0 = s^* \sim 3s^*$  are reasonable choices.

If we can estimate the average cost per region of the FNs and FPs, we can consider the cost comparison proposed by Tango and Takahashi [11]. Let  $C^-$  and  $C^+$  denote the average costs of the FNs and FPs per region, and the random variables L and S denote the length l of a detected cluster and the number of true regions s included in the detected cluster, respectively. Then,  $s^* - S$  represents the number of FNs, and L - S represents the number of FPs. The expected total cost C is then given by

$$C = C^{-} \{ E(s^* - S) + r_c E(L - S) \}$$

where  $r_c = C^+/C^-$  is the ratio of the average cost of FNs to the average cost of FPs. In this case, we also assume  $r_c \le 1$ , similar to the case of the ratio r of the two penalties. Therefore, it might be possible to set  $r = r_c$  for the proposed extended power.

However, in many situations, it might be difficult to set the value of  $l_0$  in advance. Then, we proposed the profile of the extended power  $Q(r|s^*)$ , which can conveniently be used to evaluate and compare different CDTs without fixing the value of the ratio  $r = w^+/w^-$  with  $w^- = 1/s^*$ . The profile could be plotted automatically based upon the bivariate power distribution P(l,s). This profile is expected to play an important role in the simultaneous evaluation and comparison of several CDTs. The performance of CDT could be illustrated by the plots of the profile clearly. Furthermore, if we can assume some prior distribution of r, we can also consider the expected value of extended power as

$$E[Q(r|s^*)] = \int_0^1 r p(r) \, dr \tag{8}$$

where p(r) is a probability density function of r. For example, when r is distributed according to the uniform distribution U(0,1), an area under the profile in Figure 2 implies the expected power, and using this index, we can compare the performance of Kulldorff's scan statistic and that of Tango and Takahashi.

In the Monte Carlo simulation performed in this study, the number of clusters was assumed to be one. However, the proposed extended power of the CDTs and its profile can be applied for multiple clusters of different shapes. In Section 5, we described a simple method in

Copyright © 2006 John Wiley & Sons, Ltd.

which we apply the extended power and its profile to an integrated cluster area as an overall performance measure. However, this simple method ignores the variability of the FP and the FN for individual true cluster and so, the method which can take such variability into account might be better depending on the situation. We would like to leave such a method in our future work.

Finally, it should be noted that the proposed extended power and its profile are solely based upon a Monte Carlo simulation study, not on some theoretical basis due primarily to the fact that it is quite difficult to derive theoretical bivariate power distribution for alternative cluster models.

#### REFERENCES

- 1. Lawson A, Biggeri A, Böhning D, Lesaffre E, Viel JF, Bertollini R (eds). Disease Mapping and Risk Assessment for Public Health. Wiley: New York, 1999.
- Waller LA, Gotway CA. Applied Spatial Statistics for Public Health Data. Wiley: New York, 2004.
   Kulldorff M, Nagarwalla N. Spatial disease clusters: detection and inference. Statistics in Medicine 1995; 14:799-810.
- 4. Kulldorff M. A spatial scan statistic. Communications in Statistics 1997; 26:1481-1496.
- 5. Kulldorff M. SaTScan v4.0: Software for the Spatial and Space-time Scan Statistics. Information Management Services Inc., http://www.satscan.org/, 2004.

  6. Besag J, Newell J. The detection of clusters in rare diseases. *Journal of the Royal Statistical Society, Series*
- *A* 1991; **154**:143–155.
- 7. Turnbull B, Iwano E, Burnett W, Howe H, Clark L. Monitoring for clusters of disease: application to leukemia incidence in upstate New York. American Journal of Epidemiology 1990; 132(suppl.):136-143.
- 8. Tango T. A test for spatial disease clustering adjusted for multiple testing. Statistics in Medicine 2000; **19**:191-204.
- 9. Duczmal L, Assunção R. A simulated annealing strategy for the detection of arbitrarily shaped spatial clusters. Computational Statistics and Data Analysis 2004; 45:269–286.
- 10. Patil GP, Taillie C. Upper level set scan statistic for detecting arbitrarily shaped hotspots. Environmental and
- Ecological Statistics 2004; 11:183-197.

  11. Tango T, Takahashi K. A flexibly shaped spatial scan statistic for detecting clusters. International Journal of Health Geographics 2005; 4:11.
- 12. Moran PAP. Notes on continuous stochastic phenomena. Biometrika 1950; 37:17-23.
- 13. Whitemore AS, Friend N, Brown BW, Holly EA. A test to detect clusters of disease. Biometrika 1987; **74**:631–635.
- 14. Oden N. Adjusting Moran's I for population density. Statistics in Medicine 1995; 14:17-26.
- 15. Tango T. A class of tests for detecting 'general' and 'focused' clustering of rare diseases. Statistics in Medicine 1995; **14**:2323-2334.
- 16. Rogerson PA. The detection of clusters using a spatial version of the chi-square goodness-of-fit statistic. Geographical Analysis 1999; 31(1):130-147.
- 17. Bonetti M, Pagano M. The interpoint distance distribution as a descriptor of point patterns, with an application to spatial disease clustering. Statistics in Medicine 2005; 24:753-773.
- 18. Glaz J, Naus J, Wallenstein S. Scan Statistics. Springer: Berlin, 2001.
- 19. Kulldorff M, Tango T, Park PJ. Power comparisons for disease clustering tests. Computational Statistics and Data Analysis 2003; 42:665-684.
- 20. Takahashi K, Yokoyama T, Tango T. FleXScan: Software for the Flexible Spatial Scan Statistic. National Institute of Public Health: Japan, 2005.

## 環境分析のための GIS の現状と展望

浅見泰司

2005 『環境管理』Vol 41, No. 8

# 環境分析のための GIS の現状と展望

浅見泰司 東京大学空間情報科学研究センター 副センター長/教授

地理情報システム(GIS)は環境分析の重要なツールになりつつある。ただし、利用の際には、空間データとして、対象とする環境現象に関して、適切なスケール、属性を選択する必要がある。今後、形式相互の適切な変換が自動的にできる技術開発、社会的に環境関連データが共有化されるようにすること、様々な誤差や曖昧性の空間操作による伝播の自動計算の技術開発、対話的な処理をより容易にしていく開発などが求められる。今後、GIS の利用によって、より的確な分析に基づく環境対策が行われることを期待する。

## はじめに

環境 GIS とは狭義には、主として自然、大気、水、騒音など環境に関する情報を GIS を用いてわかりやすく表示したものをさし、例えば、環境省、国立環境研究所などがモニターした環境状態を公表している\*1。しかし、より広義に考えれば、我々の身の回りに関する様々な環境について空間的に表示、解析、予測などができるシステムをさす。本稿では、必ずしも狭義の意味にとらわれず、広く解釈して論を進める。

地理情報システム(GIS)は、空間的な情報を操作し、地図化して表示することを目的としたソフトウェアである。環境問題においては現状や将来値についての空間的な影響に大きな関心があるため、GISは、現在では環境分析を行うに当たって重要なツールになりつつある。

環境分野において、比較的よく使われているのは GIS の表示機能であろう。対象とする環

境の空間的な状況を地図上に表示することで、 環境の悪いところを一目で理解したり、特定の 場所での活動に対して注意を促したり、また、 環境対策のヒントを得ることができる。例えば、 大気汚染の場合には、汚染状況が悪い地域を把 握して要対策地域をしぼったり、汚染原因の把 握に役立てたりできる。

GIS はまた、解析や予測にも利用できる。ただし、通常、市販されている汎用的な GIS は一般的な空間情報の操作に対応できるよう、基礎的な操作機能を持っているだけである。付加的な汎用機能は、徐々に拡大されてきているが、特定現象のモデル化をするには、いまだ完全ではない。そのため対象とする現象によっては必要な機能を付加することが必要になる。ただ、そのような機能を付加することで極めて有力なツールとなる。

そもそも地理情報と環境分野のつながりは古くからある。1854年のロンドンにおけるコレラ流行が空気伝染ではなく、井戸水の汚染によるものであることを示したのは、John Snowである。それを示すために彼はコレラで死亡した患者の家の位置と公共井戸ポンプの地理的な分布を示す地図を示し、明らかにポンプの近隣で死亡者が多いことを示した。これが疫学の

<sup>\*1</sup> 例えば, 生物多様性センターの生物多様性情報システム (http://www.biodic.go.jp/kiso/map/survey\_map\_f.html), 国立環境研究所の環境 GIS (http://www-gis.nies.go.jp/) 参照。

祖となっている。

本稿では、今後環境分野でますます活用されると思われる GIS の特性を概観し、環境問題に適用するときの課題や展望を述べてみたい。

## 1 GIS のデータと表示

GISでは、地理上の事物や状態を数値データ (あるいは文字列や記号列)で記述する。また、データは有限でなければならない。そのために、デジタル情報にできるものや、関心の高いものに限定してデータ化することが避けられない。このことは、対象とする環境現象に関して、適切なスケール、属性を選択しなければならないことを意味する。

空間データは、ラスターデータとベクターデ ータに大別される。ラスターデータとは、規則 的に並んだ格子点(ないし、メッシュ)に属性 データを重ねたデータであり、点の属性を表す ことも、一定の範囲の属性を表すこともある。 例えば, 衛星写真は, ラスターデータの典型で あるが、これは厳密にいうと、格子点のデータ ではなく, それを中心とするカメラの測定範囲 の重み付けの平均的なデータとなっている。そ のため, ラスターデータは, たとえ位置が同じ であっても,同じ領域を表現したものであると は限らないという意外な問題点がある。一方, ベクターデータとは、座標点ないしその集合で 位置や形状を記述するもので、図形は折れ線に よって記述される。このため、形状はあくまで 近似されたものであり、データソースに応じて、 その精度はまちまちである。環境関連データを 表すときに、重ね合わせ(オーバーレイ)て表 現することが多いが、このように空間精度や空 間的な代表性の異なるデータを一つの図面にし てしまうときには、その表示や解釈において注 意が必要である。

また、地図では、小縮尺の地図に本当の精度で表示するとかえって見づらいことがあり、ある程度簡単な形に省略して描画すること(generalization)が多い。例えば、細街路を省略したり、地区をまとめてしまったり、記号を大きめに描いてしまうなどということはしばしばである。GISでは拡大縮小が自由にできるが、他

方で、データ自体は特定のスケールでの利用を 前提にしていることも多く、この点も重ね合わ せで注意しなければならない。

GIS データを扱う上で、時間の扱いも重要である。地理的なデータは、あくまである時点でのデータであり、その後の状況の変化は反映されていない。時に、データの古さが決定的な事故につながることもあるだけに、その扱いは慎重であるべきである。

マーク・モンモニア<sup>®</sup> は地図の表示方法の技術を使って、かなり都合のよい地図を作れてしまうことを指摘し、その具体的な手法を解説している。環境問題はかなり政治問題化しやすい対象であるだけに、この点についても十分に注意しなければならない。

## 2 空間解析・モデル

GIS を表示するだけでなく、環境の分析に用いることで、空間的な関係を解明できることが期待される。汎用的な GIS で使える空間操作機能は、空間データの蓄積・表示機能、重ね合わせ機能(オーバーレイ)、空間オブジェクトの共通集合などの代数的処理、空間オブジェクトのカウント・面積・周長などの算出、距離計測、バッファリング、等値線作成、三次元地表面の作成・斜度などの計測、可視領域の算出などであり、環境解析で必要な機能としてはかなり限られている。

例えば、環境影響範囲を求めたいというときに、一般的には距離によって減衰する現象が多い。そのため、GIS機能を用いて、影響評価を行う場合には、影響領域をバッファリングと呼ばれる操作で求めることが多い。バッファリングは呼ばれる操作で求めることが多い。バッファリングは呼ばれる操作で求める操作である。確かに、基本的な状況を知るには、バッファリングが役に立つ。しかし、実際には距離以外の要因でも影響領域が変わる。例えば卓越風により特定の方向に影響が広がりやすかったり、地形によって影響範囲が異なる場合には、単純なバッファリングという操作は適切とはいえない。ところが、GISを用いて環境モデリングを行う際には、なるべく汎用的な機能を有効利用しがちなので、

本来の影響領域を求めるという目的からははずれてしまいかねない。Albrecht "は環境モデリングで GIS 機能だけに限定して、どの程度まで利用可能かを調べているが、概して分析面では弱いことを述べている。

環境を分析する上で、特定のサンプリングポ イントにおける環境値が計測されていて、それ を,面的に広げて検討したいということは多々 ある。これには、三次元的な曲面(サーフェス) の標高点が有限個与えられたときのサーフェス の推定の手法が役に立つ(あるいは、有限個の データ点から、他の点の値を推定する問題と考 えてもよい)。このための空間解析の手法とし ては、クリギング (kriging) と呼ばれる手法 がある。クリギングにおいては、近くの値は余 り変わらず、遠くになるほど値が違う可能性が あるという空間的な性質を用いて, なるべく近 くにあるサンプル点との距離によって、重み付 けをして新たな点の環境値を推定するものであ る<sup>2</sup>。ただし、この手法は、他の内挿的な手法 と同様、サンプル点以外に特異点があっても, それは再現できないし、また、非連続な変化が ある場合には適切な手法とはならなくなる。そ のため、市街地における騒音レベルのように、 空間的に短距離で減衰してしまうような現象に ついては、適切なサンプリング密度を確保しな いと意味ある分析ができない可能性がある。

一定の確率で現象が起きていることを発見したサンプルポイントを得たときに、もとの現象生起確率分布を求めたいというときには、密度推定手法が役に立つ。よく用いられる方法としては、カーネル(kernel)関数法<sup>14)</sup>がある。得られたサンプル点に、一定の密度分布を割り当てていき、順次空間的に加えていくことで、サンプル点が集まっているところは密度が小さとで、ヴにほとんどないときには密度が小さるとができる。カーネル関数としては、等方的な関数(方向によって、環境現象によっては、工夫が必要な可能性もある。

二つの事象が生起したことを示す点位置データがあるときに、二つの現象に関連があるかどうかを調べたいことがある。このための方法と

しては、クロス K 関数法(ないし、クロス L 関数法) がある<sup>2</sup>。この方法では二つの事象が 関連しているならば、より近くなる傾向がある か、逆により離れる傾向があるということを利 用している。一つの事象が起きた点から他方の 事象が起きた点までの最も近い距離を計算し て、それが、ランダムな場合と比べて有意に小 さければ近接傾向があると判断する。例えば, 環境汚染が疑われる施設が複数あり、それと環 境影響を受けた生体の位置が既知であった場合 に、それらが有意に近接しているとすれば、影 響がある可能性が高いことになる。この方法で は、因果関係は直接的にはわからないし、見か けの相関のような現象(例えば、施設は駅に近 接し、人口も駅を中心に分布しているなど)も 大いにありうるので、直ちに関係があるとはい えない。しかし、上で紹介したコレラの例のよ うに、影響が疑われる施設の種類を絞り込むに は有効な方法である。

実際の環境解析で頻繁に用いられるのは、メッシュデータである。これは、空間を有限な要素に分解することで、記述すべき変数の量をコントロールできるだけでなく、隣接関係が比較的簡単なため、モデル自体を単純に記述できるためである。しかし、空間データをすべてメッシュデータに合わせることで、位置同定の精度、空間的偏在性の記述力の限界などの問題が生じる。また、せっかくの原データにおける情報量をメッシュデータ化することで減らしてしまう。

例えば、地理上のデータをメッシュデータ化する際には、対象となる地区なり、空間オブジェクトが複数のメッシュにわたることがあるにもかかわらず、対象の代表点をとってそれが含まれるメッシュにすべてを帰属させてしまうことが多い。その際には、メッシュが小さくなるほど、この手法による精度は粗くなってしまう。仮に、対象を複数のメッシュに分割するとしても、単純に面積按分するのがよいのかは疑問が残る。特に空間的に偏在しているような環境現象の場合には、単純な面積按分は問題は矮小化しかねない。このように空間単位を変換することで、位置同定の問題が必ず発生してしまうの

である。

メッシュデータを用いると、ポイント、ライン、ポリゴン、ラスターで得られる当初の空間データをすべてメッシュデータに変換する手間が必要となる。例えば、ポイント施設や道路などライン施設からメッシュの代表点までの距離を求めたり、ポリゴンデータで得られている土地利用分類の面積構成をメッシュデータに変換するという操作が頻繁に行われる。このような変換は、試行錯誤において施設位置を変えると、すべて再計算して変換作業を行うなど、データ構築の作業に余計な負担がかかることとなる。このため、GIS側でデータ変換を自動化したり、環境モデルにおいて GIS 機能を加味したシステムを構築することが望ましい。

## 3 空間モデリングと GIS

GIS が有益なツールになるためには、環境モデルとの組み合わせが重要である。環境モデルにおいて、騒音の拡散や交通発生予測など、それぞれの対象現象特有の解析を行い、それをGIS とリンクすることで、大きな威力を発揮する(例えば、参考文献  $3 \sim 6$ , 10, 11, 15, 16 など。)

Rodriguez - Bachiller<sup>12)</sup> によれば、影響評価 関連文献の6%でしか GIS は使われていないと いう。この大きな原因として以下を指摘できる だろう。1) GIS 自体にそなわった機能は限ら れており、環境分析で必要な機能と大きくかけ 離れている。2) 環境評価を行う者は、開発業 者であったり、環境関連行政体であったりする が、これらの間でのデータ面でのやりとりなど がなく、全体として、環境データが限られた中 でしか評価作業ができない。また、仮に GIS が使われているとしても、マッピング(図面表 示)のみに機能を限定していることも多い。3) GIS と環境モデリングソフトウェアとのインタ ーフェースが十分に整備されていない。

以前は、汎用 GIS しかなかったために、環境モデリングは、現実には GIS とは関係なく行い、最後の表示のみ GIS を用いることが少なくなかった。そのために、環境モデルソフトと GIS との間のデータの互換性が課題となってい

た。実際、沢野<sup>13)</sup>も指摘するように、このデータ共有の問題は大きな課題ではある。ただ、最近では、この状況も徐々に改善されつつある。例えば、ESRI社の ArcGIS 9.0 ModelBuilderというソフトウェアでは、モデリングのためのインターフェースが用意されている。他のソフトウェアから特定の機能を呼び出すことができるコンピュータの環境が用意されてきているため、今後、モデル構築はかなり進むと期待される。

## 4 環境モデルの不確実性

環境アセスメントなどで重要なのは,ある事業が個々の環境要素にどのような影響を与えるかを予測することである。ところが、環境モデル自体においても、精度をあげることが困難な要因が存在する。

環境モデルとしては、電波障害や汚染物質の拡散のようにかなり物理的法則を用いて記述できるモデルや、化学物質の反応のような化学的なモデルで記述できるものもある。それらのモデルにおいては、気象が関与するなど、自然現象が介在したり、現象自体に複雑系的な要素を含むなど、モデル自体の精度がある程度以上はあがり得ないものもある。また、そうではないとしても、空間に対して高次元の変数が必要となり、計算の複雑性によって、実質的に精度の高い計算が難しい現象も存在する。

さらに、生息圏や交通モデルのように動物や 人間の行動も含む場合には、モデルに行動反応 モデルを含めねばならない。動物や人間の行動 が必ずしも画一的に予測できないのであるか ら、モデル精度にも自ずと限界があることとな る。

Huang and Chang<sup>7</sup> は環境モデリングに伴う 不確実性の理由を三つあげている。第一に,環 境現象が複雑なことである。環境現象の中には 要因や非線形な関係性など,数学的に表現する ことが難しいものがある。第二に,環境情報の 中には取得できないものがある。その場合には, ラフな推定値を当てはめたり,その要素を無視 せざるを得ない。そのため,環境モデルへの入 力情報は本来あるべき情報量に比べて小さくな りがちである。第三に、計量できる変数についても、多くの場合は確率的な変数となりがちである。このためには、ファジー理論や確率的モデルを導入しなければならないこともある。

不確実性を GIS で対処するためには、空間 データ自体に精度に関する情報を内包させ, そ の情報に基づいて空間処理がなされるようなシ ステムが開発されることが望ましい。空間オブ ジェクト自体の精度としては, 位置精度, 属性 値精度、属性分類精度、時間的精度など様々な 精度の問題があり、それを有効に組み込んだ GIS は存在しない。汎用 GIS には精度を擬似的 に表現するため、縮尺に応じて表示するかどう かを定義しているものもあるが、本来は、線自 体の精度を表現するために、ベクターデータ (座標位置で記述されたデータ) であっても, 線が太くなったり、ぼかされて表示されるなど の工夫があるとよい。さらに、空間操作によっ て、誤差がどのように伝搬するかを算出して、 自動的に新たな空間オブジェクトの諸精度が計 算されることが望ましい。空間形状に応じた精 度の変化や複数の精度の問題がある場合に, ど のように相互に影響されるかなどについては, 空間解析分野での今後の研究課題である。

### 5 対話性とダイナミック性

環境モデリングは本来的に、試行錯誤など対話的処理が欠かせない。GIS が環境アセスメントや環境計画において、有力視される大きな理由は、その対話性である。GIS がないと環境影響をいくつかの環境指標値群でしか表現できなかったのが、GIS の利用によって、結果をビジュアルに逐次表示でき、それをもとにさらにパラメータを変えていくなどということが可能となる。このため、環境モデルと GIS とのデータ入出力の手間が簡便となれば、試行錯誤による対話的処理がより簡単にできるようになる。

対話的な処理を行うことは、現象理解や代替 案の検討などにおいて重要であるが、環境モデ ルを律するパラメータの数が増えてしまうと、 非常に難しくなる。そのため、他の評価値への 影響を最小限にして特定の評価値を効果的に高 めるにはどのパラメータをどのように変えるべ きかを求めるような、試行錯誤自体を支援する システムの開発も必要となる。

また、対話的処理では、作業を進めていくうちに、最初はパラメータを大きく動かし、次第に小さいパラメータの変化にしていくというような操作になりがちである。そこで、そのような操作に有効な環境モデル側での逐次的評価更新の技術が望まれる。また、場合によっては望まれる精度に応じて、モデル自体の概略的モデルから精緻なモデルへとスイッチすることも許容するシステムの構築が必要となる。

環境現象が動的な現象である以上、環境モデルにおいても時系列的なモデルの構築が望ましい。GISにおいて時系列的な状況を表示することは、離散的な各時点での空間分布図を表示するか、それを動画で表現するなどといった直接的に表現する以外は、通常のGISでの対応が難しい。しかし、時系列的にどのようになるかを一覧できるような表示方法が開発されていくことが望まれる。このためには、時系列的に(環境基準値を上回るなどの意味で)特徴的な地区を取り出して表示したり、空間位置を表示しつつそこでの時系列的変化を重ねて表示することなどができるGIS側の工夫が必要となる。

#### おわりに

本稿では、環境問題に GIS を利用する場合の課題や展望について論考した。 GIS は、空間的な情報を操作し、地図化して表示することを目的としたソフトウェアで、環境分析を行うに当たっても重要なツールになりつつある。

環境データとの関連でいえば、GISで扱われるデータの性質上、対象とする環境現象に関して、適切なスケール、属性を選択しなければならない。特に、精度や代表性が異なる複数のデータを重ね合わせて表示使用というときには注意が必要である。また、地図では総描規則に応じて簡略化していることもあるため、適切なスケールに配慮してデータを扱う必要がある。

また、環境を分析する際には、環境分析を汎用 GIS のみで行うことは機能が限られるために難しい。そのため、分析ソフトと GIS を両方呼び出しできる環境でのモデリングが必要と

なる。環境評価などでは、操作性にすぐれるために、メッシュデータにしてから分析するものが多い。そのため、ラスターデータ、ベクターデータ、メッシュデータ相互の適切な変換が自動的にできるよう技術開発されることが望ましい。環境評価において、いまだに GIS が活用されている割合は低く、GIS の技術的な問題のほかに、データの共有化の問題もある。この点の改善も急務であろう。

環境現象は、極めて複雑で不確実な情報を処理しなければならないこともある。GISにおいては、この面での対応も発展途上であり、様々な意味での誤差や曖昧性の空間操作による伝播の自動計算などの技術発展を今後に期待する。また、環境問題は、対話的な処理を行うことで、試行錯誤を行ったり、環境対策の代替案を検討することが可能となる。この面でのGISの期待は大きい。

今後,広義の環境 GIS がより広く活用されていくと思われるが,本稿で指摘した課題が解決され,より適切なツールとなって使われ,環境把握,分析,政策対応などが,より的確な分析に基づくようになることを望みたい。

## 参考文献

- 1) Albrecht JH, (Goodchild MF, et al, eds):
  Universal GIS Operations for Environmental
  Modeling, Proceedings of the Third International
  Conference Workshop on Integrating GIS and
  Environmental Modeling (1996), National Centre
  for Geographic Information and Analysis, Santa Fe,
  New Mexico
- Bailey TC, Gatrell AC: Interractive Spatial Data Analysis (1995), Prentice Hall, Harlow, England
- 3) Briggs DJ, Collins S, Elliott P, Fischer P, Kingham S, Lebret E, Pryl K, Van Reeuwijk H, Smallbone K, Van der Veen A: Mapping Urban Air Pollution Using GIS: A Regression-Based Approach, International Journal of Geographical Information Science (1997), 11 (7): 699 ~ 718
- 4) Dev DS, Venkatachalam P, Natarajan C: Geographic

- Information Systems for Environmental Impact Assessment (EIS) A Case Study, International Journal of Environmental Studies (1993),  $43:115\sim$  122
- 5) Goodchild MF, Parks BO, Steyaert LT (eds): Environmental Modeling with GIS, Oxford University Press (1993), Oxford
- 6) Goodchild MF, Steyaert LT, Parks BO, Johnston C, Maidment D, Crane M, Glendinning S (eds): GIS and Environmental Modeling: Progress and Research Issues (1996), GIS Eorld Books
- 7) Huang GH, Chang NB: Perspectives of Environmental Informatics and Systems Analysis, Journal of Environmental Informatics (2003), 1 (1):1~6
- 8) Longley PA, Goodchild MF, Maguire DJ, Rhind DW: Geographical Information Systems and Science, 2nd ed. (2005), John Wiley & Sons, Chichester
- 9) マーク・モンモニア (渡辺潤, 訳): 地図は嘘つき である (1995), 晶文社
- 10) Morris P, (Therivel R, eds): Methods of Environmental Impact Assessment, 2nd ed., UCL Press (2000), London
- 11) Parker S, Cocklin C: The Use of Geographical Information Systems for Cumulative Environmental Effects Assessment, Computers, Environment and Urban Systems (1993), 17:393 ~ 407
- 12) Rodriguez-Bachiller A: "Geographical Information Systems and Expert Systems for Impact Assessment, Part I: GIS", Journal of Environmental Assessment Policy and Management (2000), 2 (3): 369 ~ 414
- 13) 沢野伸浩:数値シミュレーションと GIS 地形データ:公共数値地図情報の活用 (2003), 環境アセスメント学会 2003 年研究発表会要旨集, p. 83 ~ 86
- 14) Silverman BW: Density Estimation for Statistics and Data Analysis (1986), Chapman and Hall, New York,
- 15) Stein A, Staritsky I, Bouma J, Van Groenigen JW: Interactive GIS for Environmental Risk Assessment, International Journal of Geographical Information Systems (1995), 9 (5):509 ~ 525
- 16) 高岸 且,盛田彰宏,秋島重樹,豊永竜二:戦略的環境アセスメントへのGISの有用性の考察(2003),環境アセスメント学会2003年研究発表会要旨集,p. 33~38